

- DOĞRUSAL FONKSİYONLAR
- ARTAN/AZALAN/BİREBİR
- TANIM KÜMESİ / GÖRÜNTÜ KÜMESİ
- FONKSİYONLARDA DÖNÜŞÜMLER

@neclahocaimatematik

1.  $3y - 2x - m + 2 = 0$

doğrusu A(-2, 3) noktasından geçtiğine göre, m kaçtır?

$$\left. \begin{array}{l} x = -2 \\ y = 3 \end{array} \right\} y=2. \rightarrow 3 \cdot 3 - 2 \cdot (-2) - m + 2 = 0$$

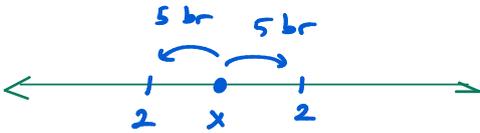
$$\rightarrow 9 + 4 - m + 2 = 0$$

$$\rightarrow 15 - m = 0$$

$$\underline{\underline{m = 15}}$$

2. Sayı doğrusu üzerinde bir x sayısının 2 sayısına olan uzaklığı 5 birimdir.

Buna göre, x sayılarının toplamı kaçtır?



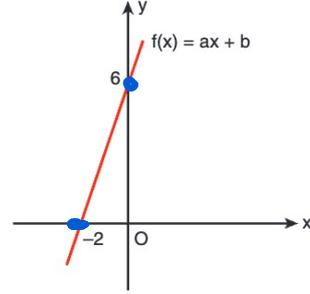
$$|x - 2| = 5$$

$$x - 2 = 5 \quad | \quad x - 2 = -5$$

$$\underline{\underline{x = 7}} \quad | \quad \underline{\underline{x = -3}}$$

$$\underline{\underline{x = 7 + (-3) = 4}}$$

3.



Şekilde  $f(x) = ax + b$  fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

→ x eksenini  
Fonksiyonun sıfırı -2'dir. kestiği nokta (-2,0)

Fonksiyonun eğimi -3'tür.

→ Fonksiyon artandır. Eğim = 3 > 0  
ifadelerinden hangileri doğrudur? Artandır.

A) Yalnız I

B) Yalnız II

C) Yalnız III

D) I ve II

→ I ve III

→ Doğrusal Denklem formülü  
1.yol

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \quad \text{Yeni}$$

$$\frac{x}{-2} + \frac{y}{6} = 1 \Rightarrow -3x + y = 6$$

$$y = 3x + 6$$

$$\underline{\underline{f(x) = 3x + 6}}$$

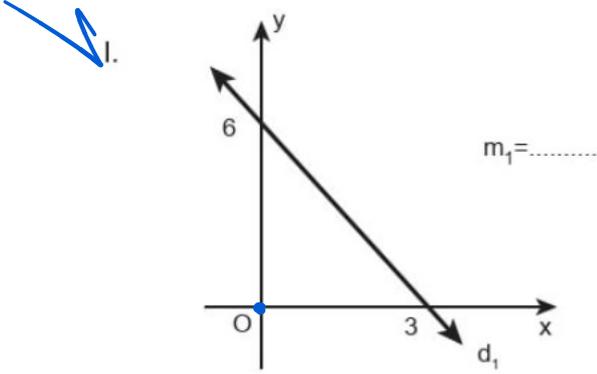
$$\underline{\underline{\text{Eğim} = 3}}$$

$$\underline{\underline{2.yol}} \quad \underline{\underline{\text{Eğim} = \frac{\text{Dikay}}{\text{Yatay}} = \frac{6}{2} = 3}}$$

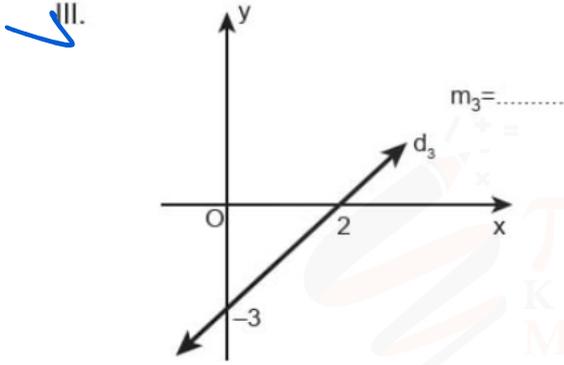
Doğru sağa yatık pozitif olmalı

Astın Parçası Hemen Atılır. :)

4. Aşağıdaki doğruların eğimlerini yazınız.



II.  $y = 5x + 6$   $m_2 = \dots\dots\dots$



I)  $m_1 = \frac{\text{Dikey}}{\text{Yatay}} = \frac{6}{3} = 2$

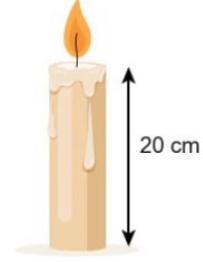
Doğrusu sola yattık  $m_1$  negatif  $\Rightarrow m_1 = -2$  olmalı

II)  $y = 5x + 6$  Eğim  $\Rightarrow x$ 'in katsayısı  
 $m_2 = 5$

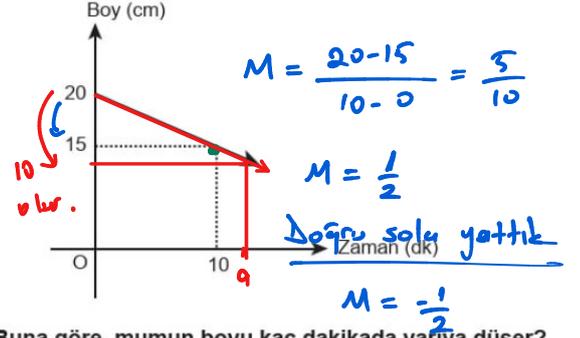
III)  $m_3 = \frac{\text{Dikey}}{\text{Yatay}} = \frac{3}{2}$  Doğrusu sağa yattık pozitif d.

$m_3 = \frac{3}{2}$

5. Aşağıda 20 cm uzunluğunda bir mum verilmiştir.



Mumun boyunun zamana göre değişimini veren grafik aşağıdaki gibidir.



Buna göre, mumun boyu kaç dakikada yarıya düşer?

$f(x) = -\frac{1}{2}x + 20$

$f(a) = 10$

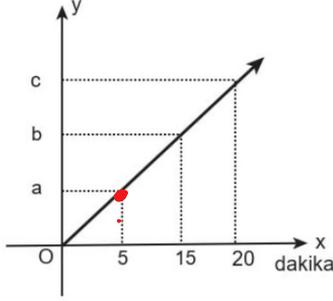
$10 = -\frac{1}{2}a + 20$

$10 = \frac{1}{2}a$

$a = 20$  dk sonra yarıya düşer

6.

Bir karınca kolonisi her dakikada yuvalarını 1 metre genişletmektedir. Koloninin çalışma süresi (dakika)  $x$ , yuvaranın genişlemesi  $y$  olarak alınmış ve  $x$  ile  $y$  arasındaki doğrusal ilişki tablo ve grafik olarak aşağıda verilmiştir.



|            |    |    |       |
|------------|----|----|-------|
| $x$        | 12 | 14 | ..... |
| $y = f(x)$ | d  | e  | ..... |

$f(x) = y$   
 $f(12) = 12$   
 $f(14) = 14$

Buna göre,

a)  $x$  ile  $y$  arasındaki cebirsel ifadeyi fonksiyon olarak yazınız.

$$f(x) = x$$

b) Grafikteki  $a$ ,  $b$  ve  $c$  değerleri için  $a + c - b$  ifadesini bulunuz.

c) Tablodaki  $d$  ve  $e$  değerleri için  $e - d$  ifadesini bulunuz.

$$\begin{aligned} b) \quad & f(x) = x \\ & f(5) = 5 = a \\ & f(15) = 15 = b \\ & f(20) = 20 = c \end{aligned} \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} a + c - b \\ 5 + 20 - 15 \\ \Rightarrow 10 \end{array}$$

$$c) \quad e - d \Rightarrow 14 - 12 = 2$$

7.  $f$ , gerçekte sayılarda tanımlı doğrusal fonksiyon olmak üzere,  
 $f(x) = (a-3) \cdot x^3 + (b-1) \cdot x^2 + 3x$   
biçiminde veriliyor.

Buna göre,  $a + b$  toplamı kaçtır?

- A) 7      B) 6      C) 5       D) 4      E) 3

Doğrusal fonksiyon:  $f(x) = ax + b$  olmalı

$$\begin{array}{l} a-3=0 \\ a=3 \end{array} \quad \begin{array}{l} b-1=0 \\ b=1 \end{array}$$

$$a+b = 3+1 = 4$$

Doğrusal Denklemler Formülü

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \Rightarrow \frac{x}{4} + \frac{y}{-2} = 1$$

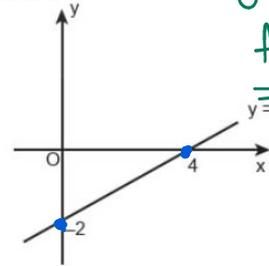
$$x - 2y = 4$$

$$+2y = \frac{x-4}{2}$$

8. Gerçekte sayılarda tanımlı  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$y = \frac{x}{2} - 2$$

$$f(x) = \frac{x}{2} - 2$$



Buna göre,  $f(x)$  fonksiyonunun cebirsel ifadesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $f(x) = \frac{x}{2} - 2$       B)  $f(x) = -x + 4$       C)  $f(x) = -x + 2$   
D)  $f(x) = -\frac{x}{2} + 4$       E)  $f(x) = -\frac{x}{4} + 2$

9. Gerçek sayılarda tanımlı  $f(x) = x + 3$  fonksiyonu için  
 $f(3) = \dots$        $f(4) = \dots$        $f(5) = \dots$   
 görüntü değerlerini bulunuz.

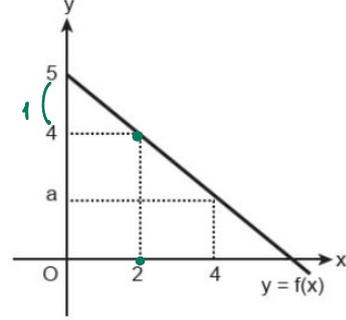
$$\begin{array}{l|l|l} f(x) = x + 3 & f(x) = x + 3 & f(x) = x + 3 \\ f(3) = 3 + 3 & f(4) = 4 + 3 & f(5) = 5 + 3 \\ \underline{f(3) = 6} & \underline{f(4) = 7} & \underline{f(5) = 8} \end{array}$$

10. Gerçek sayılarda tanımlı  $f$  fonksiyonunun cebirsel ifadesi  
 $f(x) = 2 \cdot (x - 3) + 5$   
 biçiminde olduğuna göre,  $f(3) + f(2)$  toplamı kaçtır?  
 A) 10      B) 9      C) 8      D) 7      E) 6

$$\begin{array}{l|l} f(3) = 2 \cdot (3 - 3) + 5 & f(2) = 2 \cdot (2 - 3) + 5 \\ f(3) = 2 \cdot 0 + 5 & f(2) = 2 \cdot (-1) + 5 \\ f(3) = 5 & \underline{f(2) = 3} \end{array}$$

$$\underline{f(3) + f(2) = 5 + 3 = 8}$$

11. Dik koordinat düzleminde gerçekte sayılarda tanımlı  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



- Buna göre,  $f(2) + f(4) - f(0)$  ifadesinin değeri kaçtır?  
 A) 8      B) 7      C) 6      D) 5       E) 2

Eğimi bul  $\Rightarrow a = \frac{5-4}{2-0} = \frac{1}{2}$  Doğru sola  
yatkak eğim  
negatif

$$a = -\frac{1}{2} \text{ olur.}$$

$x=0$  ver  $y=5$  yani  $b=5$  olur. Şöyleki

$$\begin{aligned} f(x) &= ax + b \\ &= -\frac{1}{2}x + 5 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{l} f(2) = -\frac{1}{2} \cdot 2 + 5 = 4 \\ f(4) = -\frac{1}{2} \cdot 4 + 5 = 3 \\ f(0) = 0 + 5 = 5 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} 4 + 3 - 5 = 2 \\ \underline{\underline{2}} \end{array} \right\}$$

12.  $A = \{-1, 0, 1, 2\}$  olmak üzere, tanım kümesi  $A$  kümesi olan  
 $f(x) = -5x + 4$   
 fonksiyonu veriliyor.  
 Buna göre,  $f$  fonksiyonunun görüntü kümesi  
 aşağıdakilerden hangisidir?  
 A)  $\{4, 5, 0, 3\}$        B)  $\{9, 4, -1, -6\}$       C)  $\{9, 4, -2, -5\}$       D)  $\{-6, -1, 4, 10\}$       E)  $\{-6, -2, 4, 8\}$

$$x = -1 \rightarrow f(-1) = -5 \cdot (-1) + 4 = 9$$

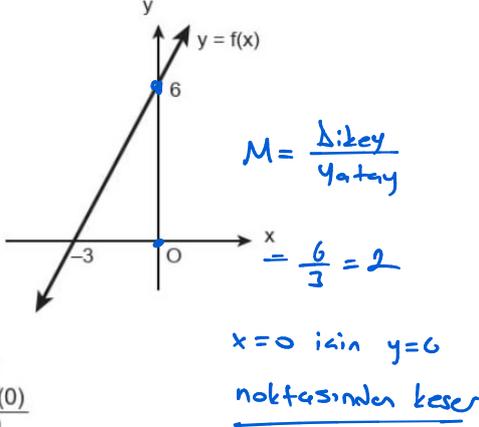
$$x = 0 \rightarrow f(0) = -5 \cdot 0 + 4 = 4$$

$$x = 1 \rightarrow f(1) = -5 \cdot (1) + 4 = -1$$

$$x = 2 \rightarrow f(2) = -5 \cdot 2 + 4 = -6$$

$$G.k = \underline{\underline{\{-6, -1, 4, 9\}}}$$

13. Dik koordinat düzleminde gerçekte sayılarda tanımlı  $y = f(x)$  fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

$$\frac{f(3) + f(0)}{f(-2)}$$

değeri kaçtır?

- A) 9 B) 12 C) 15 D) 16 E) 18

$$f(x) = mx + n$$

$$f(x) = 2x + 6$$

$$f(3) = 2 \cdot 3 + 6$$

$$f(3) = 12$$

$$f(0) = 6$$

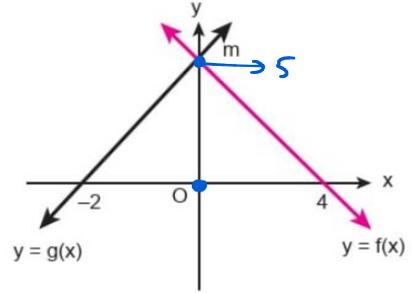
$$f(-2) = 2 \cdot (-2) + 6$$

$$\underline{f(-2) = 2}$$

$$\frac{f(3) + f(0)}{f(-2)}$$

$$\rightarrow \frac{12 + 6}{2} = \frac{18}{2} = 9$$

14. Dik koordinat düzleminde gerçekte sayılarda tanımlı  $y = (x)$  ve  $y = g(x)$  doğrusal fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.



$$f(0) + g(0) = 10$$

olduğuna göre,  $\frac{f(1)}{g(1)}$  oranı kaçtır?

- A) 2 B)  $\frac{4}{15}$  C)  $\frac{8}{15}$  D)  $\frac{1}{2}$  E)  $\frac{1}{5}$

$$\left. \begin{array}{l} f(0) = m \\ g(0) = m \end{array} \right\} \begin{array}{l} 2m = 10 \\ m = 5 \end{array}$$

$$g(x) = ax + b$$

$$\text{Eğim} = a = \frac{5}{2}$$

$$g(x) = \frac{5}{2}x + 5$$

$$g(1) = \frac{5}{2} + 5$$

$$g(1) = \frac{15}{2}$$

$$f(x) = mx + n$$

$$\text{Eğim} = m = \frac{5}{4} \rightarrow -\frac{5}{4}$$

$$f(x) = -\frac{5}{4}x + 5$$

$$f(1) = -\frac{5}{4} + 5 = \frac{15}{4}$$

$$\frac{f(1)}{g(1)} = \frac{15}{4} \cdot \frac{2}{15} = \frac{1}{2}$$

15. Tanım kümesi  $(-1, 3)$  aralığında olan  $f(x) = -x + 4$  fonksiyonunun alabileceği maksimum ile minimum tam sayı değerleri toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

$$f(x) = -x + 4$$

$$f(-1) = +1 + 4 = 5$$

$$f(3) = -3 + 4 = 1$$

$$\underline{1 + 5 = 6}$$

16. Gerçek sayılarda tanımlı  $f$  ve  $g$  doğrusal fonksiyonları  
 $f(x) = 2(x - 3) + 4$   
 $g(x) = 3(1 - x) + 3$   
biçiminde tanımlanıyor.  
Buna göre,  $f$  fonksiyonunun sıfırının  $g$  fonksiyonunun sıfırına oranı kaçtır?  
A) 2 B) 1  C)  $\frac{1}{2}$  D)  $\frac{1}{4}$  E)  $\frac{1}{6}$

$$f(x) = 2x - 6 + 4$$

$$f(x) = 2x - 2 = 0 \Rightarrow \underline{2x = 2}$$

$$\underline{x = 1}$$

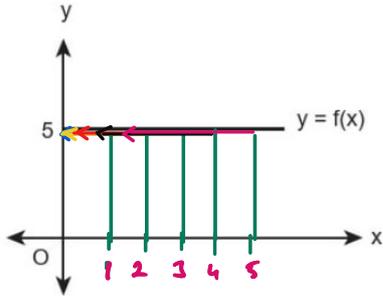
$$g(x) = 3 - 3x + 3$$

$$g(x) = 6 - 3x = 0 \Rightarrow \underline{6 = 3x}$$

$$\underline{x = 2}$$

$$\Rightarrow \frac{f}{g} = \underline{\underline{\frac{1}{2}}}$$

17. Dik koordinat düzleminde  $y = f(x)$  sabit fonksiyonu verilmiştir.



Buna göre,  $f(1) + f(2) + f(3) + f(4) + f(5)$  toplamının değeri kaçtır?

- A) 5 B) 10 C) 15 D) 20  E) 25

Sabit fonksiyon  $f(x) = 5$  ise

$$f(1) = 5$$

$$f(2) = 5$$

$$f(3) = 5$$

$$f(4) = 5$$

$$f(5) = 5$$

$$\underline{\underline{5 \cdot 5 = 25}}$$

18.  $y = f(x)$  sabit bir fonksiyondur.

$$f(x) = (a - 2) \cdot x + 2a + 8 \text{ 'dir.}$$

Buna göre,  $a + f(a)$  toplamı kaçtır?

- A) 8 B) 10 C) 12  D) 14 E) 16

UYARI Sabit fonksiyonda  $x$ 'in katsayısı sıfırdır.

$$a - 2 = 0$$

$$a = 2$$

$$f(2) = 2 \cdot 2 + 8 = 12$$

$$a + f(a) = 2 + 12 = \underline{\underline{14}}$$

19.  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  olmak üzere,  $f(x) = x$  birim fonksiyondur.  
 $f(x) = (a - 2) \cdot x$  birim fonksiyon olduğuna göre,  $f(a)$  değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2  C) 3 D) 4 E) 5

$f(x) = x$  Birim fonk. (Genel Birim fonk. için -2'ye eşit kısıra)

$$f(x) = (a - 2)x$$

$$1 \cdot x = (a - 2) \cdot x$$

$$\underline{\underline{a - 2 = 1 \quad a = 3}}$$

$$f(a) = f(3) = (3 - 2) \cdot 3$$

$$\underline{\underline{= 3}}$$

Yani  $f(x) = x$  ise  
 $f(a+x) = a+x$  gibi düşünün :)

20.  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$  Gerçek sayılarda tanımlı  $y = f(x)$  fonksiyonu aşağıda verilmiştir.

$$y = f(x) = \frac{4x+8}{2x+k}$$

f sabit bir fonksiyon olduğuna göre,  $f(k) + k$  toplamı kaçtır?

- A) 2      B) 4      ~~C) 6~~      D) 8      E) 10

Kural!  $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{b}{d}$  olur

Yani:  $\frac{4}{2} = \frac{8}{k} \Rightarrow 4k = 16$   
 $k = 4$

$$f(k) = f(4) = \frac{4 \cdot 4 + 8}{2 \cdot 4 + 4} = \frac{24}{12} = 2$$

$$k + f(k) = 4 + 2 = 6$$

21.  $f: [-1, 3] \rightarrow A$  olmak üzere,  $f$  doğrusal fonksiyonu  $f(x) = 2x + 4$  biçiminde veriliyor.

**Buna göre,  $f$  fonksiyonunun görüntü kümesi aşağıdakilerden hangisidir?**

- A)  $[-1, 8]$       B)  $[-2, 8]$       ~~C)  $[2, 10]$~~   
D)  $[-2, 12]$       E)  $[2, 12]$

$f: [-1, 3]$   $\rightarrow$  A  
Tanım Kümesi:      Görüntü Kümesi:

$$f(x) = 2x + 4$$

$$f(-1) = 2 \cdot (-1) + 4 = -2 + 4 = 2$$

$$f(3) = 2 \cdot 3 + 4 = 6 + 4 = 10$$

$$f: [-1, 3] \rightarrow [2, 10]$$

22. Gerçek sayılar kümesi üzerinde tanımlı  $y = f(x)$  fonksiyonu aşağıda verilmiştir.

$$f(x) = \begin{cases} x-3, & x < 2 \\ 2x+3, & x \geq 2 \end{cases}$$

**Buna göre,  $f(1) + f(3)$  toplamı kaçtır?**

- ~~A) 7~~      B) 9      C) 10      D) 11      E) 12

$f(1) \rightarrow x < 2$  'ye bak

$$f(x) = x - 3$$

$$f(1) = 1 - 3 = -2$$

$f(3) \rightarrow x \geq 2$  bak

$$f(x) = 2x + 3$$

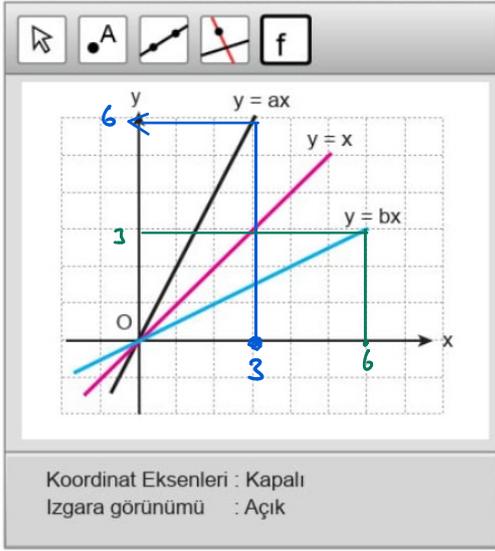
$$f(3) = 2 \cdot 3 + 3$$

$$= 9$$

$$\rightarrow f(1) + f(3)$$

$$\rightarrow -2 + 9 = 7$$

23. Bir matematiksel program ile  $y = x$ ,  $y = ax$  ve  $y = bx$  doğrusal fonksiyonlarının grafikleri aşağıda verilmiştir.



Buna göre,  $f(x) = \frac{x-a}{b}$  doğrusal fonksiyonunun eksenler ile oluşturduğu bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A)  $\frac{1}{2}$  B) 1 C) 2 D) 4 E) 8

$$\begin{array}{l|l} y = ax \text{ için} & y = bx \text{ için} \\ a = \frac{6}{3} = 2 & b = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} \text{ olur.} \end{array}$$

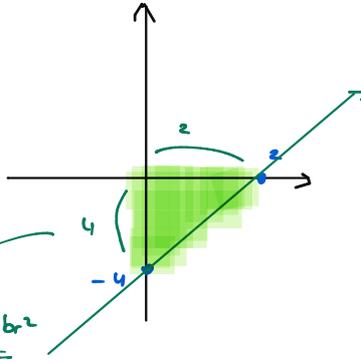
$$f(x) = \frac{x-a}{b} = \frac{x-2}{\frac{1}{2}} = 2x-4$$

$$f(x) = 2x-4 \text{ olur:}$$

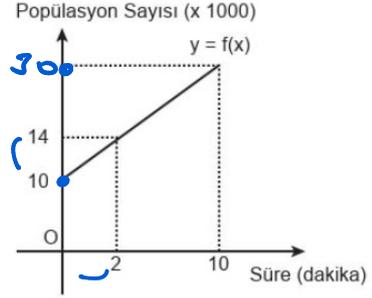
$$x=0 \text{ için } y=-4$$

$$y=0 \text{ için } x=2$$

$$\text{Alan} = \frac{4 \cdot 2}{2} = 4 \text{ br}^2$$



24. Aşağıdaki grafikte bir bakteri popülasyonunun zamana göre belirli bir aralıktaki değişimi verilmiştir.



Buna göre, bakteri popülasyonunun artışını ifade eden  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonunun tanım ve görüntü kümeleri aşağıdakilerden hangisidir?

| Tanım Kümesi | Görüntü Kümesi |
|--------------|----------------|
| A) $[2, 10]$ | $[10, 30]$     |
| B) $[0, 10]$ | $[0, 30]$      |
| C) $[2, 10]$ | $[14, 30]$     |
| D) $[0, 10]$ | $[10, 30]$     |
| E) $[0, 10]$ | $[14, 30]$     |

$$\text{Eğim} \Rightarrow \frac{14-10}{2-0} = \frac{4}{2} = 2$$

$$f(x) = 2x + 10$$

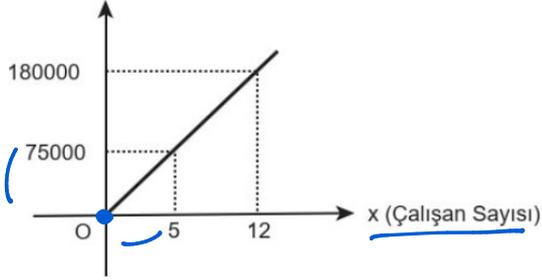
$$f(2) = 4 + 10 = 14$$

$$f(10) = 2 \cdot 10 + 10 = 30$$

$$\text{G.k} = [10, 30]$$

$$\text{T.k} = [2, 10]$$

25. Bir firmada çalışan kişi sayısı ile çalışanların firmaya olan toplam maliyetini gösteren grafik aşağıda verilmiştir.  
y (Maliyet TL)



Buna göre;

- I. Çalışan sayısı ile maliyet arasında doğrusal ilişki vardır.  
II. Çalışan sayısı bağımsız değişken, maliyet ise bağımlı değişkendir.  
III. Maliyet, çalışan sayısı arasındaki ilişki  $y = 15.000x$  'tir.

yukarıdaki ifadelerden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız II      B) Yalnız III      C) I ve III  
D) II ve III       I, II ve III

$$\frac{75000}{5} = 15000$$

$$y = 15000x$$

$$f(x) = y = 15000x$$

26.  $f: (-2,1] \rightarrow \mathbb{R}$  tanımlı  $f$  doğrusal fonksiyonun  $f(x) = 3x - 1$

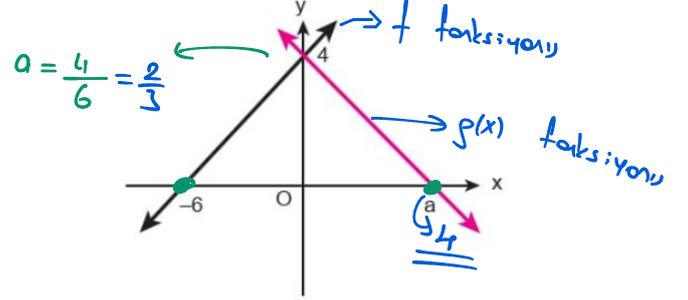
cebirsel ifadesi verilmiştir.

Buna göre,  $f$  fonksiyonunun görüntü kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $(-7,2)$       B)  $[-7,2]$       C)  $[-7,2)$   
 D)  $(-7,2]$       E)  $\{-7,2\}$

$$\left. \begin{array}{l} f(-2) = -6 - 1 = -7 \\ f(1) = 3 \cdot 1 - 1 = 2 \end{array} \right\} \rightarrow f: (-2,1] \rightarrow (-7,2]$$

27. Dik koordinat düzleminde sıfırları toplamı  $-2$  olan  $f$  ve  $g$  doğrusal fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.



$f$  artan bir fonksiyon olduğuna göre,

$$g(2) + g(8) - f(3)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -4      B) -2      C) -1      D) 0      E) 2

$$(-6) + a = -2$$

$$a = -2 + 6$$

$$a = 4$$

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = \frac{2}{3}x + 4$$

$$f(3) = \frac{2}{3} \cdot 3 + 4$$

$$f(3) = 6$$

$$g(y) = mx + n$$

$$m = \frac{4}{4} = 1 \text{ seçer yaptık}$$

$$m = -1 \text{ olur.}$$

$$g(x) = -x + 4$$

$$g(2) = -2 + 4 = 2$$

$$g(8) = -8 + 4 = -4$$

$$\Rightarrow g(2) + g(8) - f(3)$$

$$\Rightarrow 2 - 4 - 6 \Rightarrow -8$$

28.  $f$  gerçekte sayılarda tanımlı bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(x) = 2x + 3$$

cebirsel ifadeleri verilmiştir.

Buna göre,  $f(1) + f(2)$  toplamı kaçtır?

- A) 5      B) 7      C) 9       D) 12      E) 15

$$f(1) = 2 \cdot 1 + 3 = 5$$

$$f(2) = 2 \cdot 2 + 3 = 7$$

$$12$$

29. Bir içecek firmasının uyguladığı kampanyada sattığı ürün sayısına göre verdiği hediye sayısı aşağıdaki tabloda verilmiştir.

|              |   |   |    |    |    |     |
|--------------|---|---|----|----|----|-----|
| Satılan Ürün | y | 5 | 10 | 15 | 20 | ... |
| Hediye       | x | 1 | 2  | 3  | 4  | ... |

Buna göre, satılan ürün sayısının hediye sayısı arasındaki doğrusal ilişki eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $y = x + 4$       B)  $y = 2x + 3$       C)  $y = 3x + 2$   
 D)  $y = 5x$       E)  $y = 10x$

Epimi bul  $\Rightarrow m = \frac{y}{x} \Rightarrow \frac{10-5}{2-1} = 5$

$$f(x) = y = mx + n$$

$$y = 5x$$

| x | y  |                         |
|---|----|-------------------------|
| 1 | 5  | $f(1) = 5 \cdot 1 = 5$  |
| 2 | 10 | $f(2) = 2 \cdot 5 = 10$ |
| 3 | 15 | $f(3) = 3 \cdot 5 = 15$ |

} seçiliyor

30. f ve g gerçekte sayılarda tanımlı fonksiyonlar olmak üzere,

$$f(x) = 2x + 3$$

$$g(x) = x + 1$$

cebirsel ifadeler biçiminde tanımlanıyor.

Buna göre,  $y = f(x)$  fonksiyonunun  $y = g(x)$  fonksiyonu türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $f(x) = g(x) + 2$       B)  $f(x) = 2g(x) - 1$   
 C)  $f(x) = 2g(x)$        D)  $f(x) = 2g(x) + 1$   
 E)  $f(x) = 3g(x) - 1$

$$f(x) = 2x + 3 = 2x + 2 + 1$$

$$= 2(x+1) + 1$$

$$\Rightarrow \underline{2 \cdot g(x) + 1}$$

31. Gerçek sayılarda tanımlı  $f(x) = x$  fonksiyonu için

- $f(a-1) = 4$
- $f(5) = b-3$
- $f(c-4) = 6$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre,  $f(a + b + c)$  değeri kaçtır?

- A) 23      B) 22      C) 20      D) 18      E) 16

$$f(a-1) = a-1 = 4$$

$$\Rightarrow a = 5$$

$$f(5) = 5 = b-3$$

$$b = 8$$

$$f(c-4) = c-4$$

$$c-4 = 6$$

$$c = 10$$

$$f(a+b+c) = a+b+c \text{ olur.}$$

$$= 5 + 8 + 10$$

$$= 23$$

32.  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  olmak üzere,  $f(x) = x$  birim fonksiyondur.

$$f(x) = (m-2) \cdot x^2 + (n-1) \cdot x + m \cdot n + k$$

olduğuna göre,  $f(n + m + k)$  değeri kaçtır?

- A) 4      B) 5      C) 6       D) 0      E) 8

$$m-2=0 \quad \left| \quad f(x) = x \text{ o.p.ör.}$$

$$m=2$$

$$1 \cdot x = (n-1) \cdot x + \frac{2 \cdot n + k}{0}$$

$$n-1=1 \quad 2 \cdot n + k = 0$$

$$n=2 \quad 2 \cdot 2 + k = 0$$

$$\underline{k = -4}$$

$$f(m+n+k) = m+n+k$$

$$= 2+2-4$$

$$= 4-4 = 0$$

33.  $f$  gerçekte sayılarda tanımlı bir fonksiyon olmak üzere;  
 $f(x) = 3x + 4$  'tür  
 biçiminde veriliyor.

a gerçekte sayısının  $f$  fonksiyonundaki görüntüsü, 28 olduğuna göre, a değeri kaçtır?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

$$f(a) = 28$$

$$f(x) = 3x + 4$$

$$f(a) = 3 \cdot a + 4 = 28$$

$$3a = 24$$

$$\underline{\underline{a = 8}}$$

34.  $f$  gerçekte sayılarda tanımlı bir  $f$  fonksiyonu için  
 $f(x) = 3x + k$  ve  $f(5) = 8$   
 eşitlikleri veriliyor.

Buna göre,  $k + f(k)$  toplamı kaçtır?

- A) -28 B) -35 C) -42 D) -49 E) -63

$$f(x) = 3x + k$$

$$f(5) = 3 \cdot 5 + k = 8$$

$$= 15 + k = 8$$

$$\underline{\underline{k = -7}}$$

$$k + f(k) = ?$$

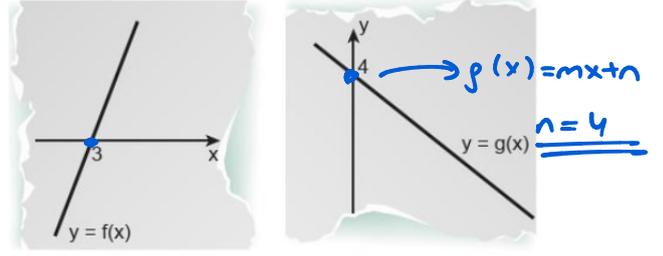
$$f(-7) = -21 + (-7)$$

$$= -28$$

$$\Rightarrow (-7) + (-28)$$

$$\Rightarrow \underline{\underline{-35}}$$

35. Gerçekte sayılarda tanımlı  $f$  ve  $g$  doğrusal fonksiyonların dik koordinat düzleminde çizilmiş grafiklerin şekil 1 ve şekil 2 'de bazı parçaları verilmiştir.



$f(x) + g(x) = x$  olduğuna göre,  $\frac{f(6)}{g(3)}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{3}{4}$  B)  $\frac{4}{3}$  C)  $\frac{3}{5}$  D)  $\frac{1}{2}$  E)  $\frac{4}{5}$

$$\begin{cases} f(x) = ax + b \Rightarrow f(3) = 3a + b \\ g(x) = mx + n \Rightarrow g(0) = n = 4 \end{cases} \left. \begin{array}{l} f(x) + g(x) = x \\ x(a+m) + (b+n) = x \end{array} \right\} \begin{array}{l} a+m = 1 \\ b+n = 0 \\ b+4 = 0 \Rightarrow \underline{\underline{b = -4}} \end{array}$$

②

$$\begin{array}{l|l} f(x) = 3a - 4 & a + m = 1 \\ 3a - 4 = 0 & 3a - 4 = 0 \\ a = \frac{4}{3} & \frac{4}{3} + m = 1 \\ & m = -\frac{1}{3} \end{array}$$

$$\begin{array}{l|l|l} f(x) = \frac{4}{3}x - 4 & g(x) = -\frac{1}{3}x + 4 & \frac{f(6)}{g(3)} = \frac{4}{3} \\ f(6) = 8 - 4 = 4 & g(3) = -1 + 4 = 3 & \end{array}$$

36. Bir taksinin fiyat tarifesi aşağıdaki tabloda verilmiştir.

|                    |   |   |   |   |   |
|--------------------|---|---|---|---|---|
| Gidilen Mesafe(km) | x | 0 | 1 | 2 | 3 |
| Ücret (TL)         | y | 2 | 3 | 4 | 5 |

Tablodaki, ücret (y), gidilen mesafeye (x) göre eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $y = 2x$  B)  $y = 2x + 1$  C)  $y = x + 2$   
 D)  $y = 3x - 1$  E)  $y = 4x$

$$\frac{(pimi \ b)}{(pimi \ a)} \Rightarrow \frac{3-2}{1-0} = 1 \quad \underline{\underline{a=1}} \left. \begin{array}{l} x=0 \text{ için} \\ y=2 \text{ olmalı} \\ b=2 \text{ olur.} \end{array} \right\}$$

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = 1 \cdot x + 2$$

$$\underline{\underline{f(x) = x + 2}}$$

37.  $y = f(x)$  gerçık sayılar kümesinde tanımlı doğrusal fonksiyonu

$$f(x+1) = f(x) + 2x \text{ ve } f(1) = 10$$

biçiminde tanımlanıyor.

Buna göre,  $f(3)$  değeri kaçtır?

- A) 12 B) 14  C) 16 D) 18 E) 20

$$x=1 \text{ için } \rightarrow f(2) = f(1) + 2 \\ f(2) = 10 + 2 = 12$$

$$x=2 \text{ için } \rightarrow f(3) = f(2) + 4 \\ f(3) = 12 + 4 = 16$$

38.  $f: [-2, 1) \rightarrow A$  olmak üzere,  $f$  fonksiyonu  $f(x) = x + 4$

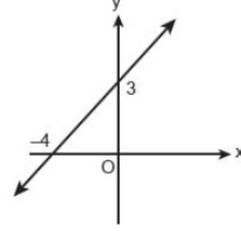
biçiminde tanımlanıyor

Buna göre,  $f$  fonksiyonunun görüntü kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $[2, 3)$   B)  $[2, 5)$  C)  $(2, 5]$   
D)  $(2, 5)$  E)  $(2, 4]$

$$\left. \begin{array}{l} f(-2) = -2 + 4 = 2 \\ f(1) = 1 + 4 = 5 \end{array} \right\} \underline{\underline{[2, 5)}}$$

39. Dik koordinat düzleminde  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonu verilmiştir.

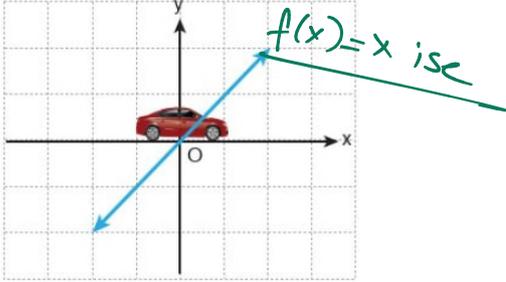


Buna göre,  $y = 2f(x)$  ile  $y = 4f(x)$  fonksiyonlarının  $y$  eksenini kesen noktalarının ordinatları toplamı kaçtır?

- A) 24 B) 20 C) 16  D) 18 E) 22

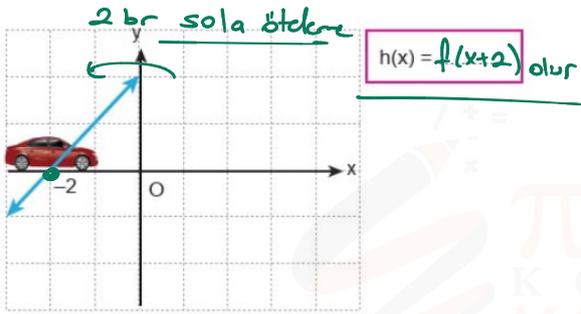
$$\begin{array}{l} \text{Eğim} = \frac{3}{4} \\ f(x) = \frac{3}{4}x + 3 \end{array} \left. \begin{array}{l} x=0 \text{ için} \\ f(0) = 3 \\ y = 2 \cdot 3 = 6 \\ + y = 4 \cdot 3 = 12 \\ \hline 18 \end{array} \right\}$$

40. Birim kareli bir zemin üzerinde oluşturulan dik koordinat düzleminde orijinde bulunan ve  $y = f(x)$  fonksiyonu doğrultusunda ilerleyen bir arabanın konumu şekil 1 'de verilmiştir. Bu arabanın hareket doğrultusu değiştirilmeden  $g$  ve  $h$  fonksiyonları oluşturuluyor.

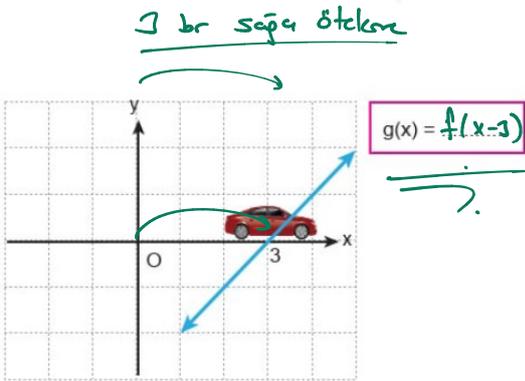


Şekil 1

Buna göre  $h$  ve  $g$  fonksiyonlarının  $f$  fonksiyonu türünden eşitini yazınız.

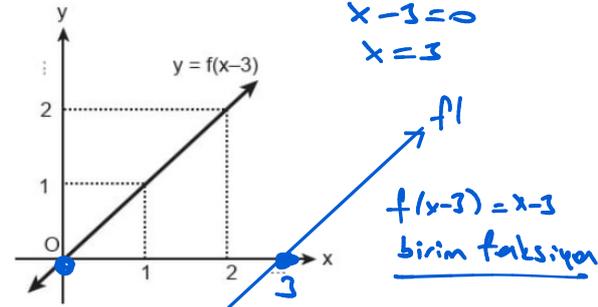


Şekil 2

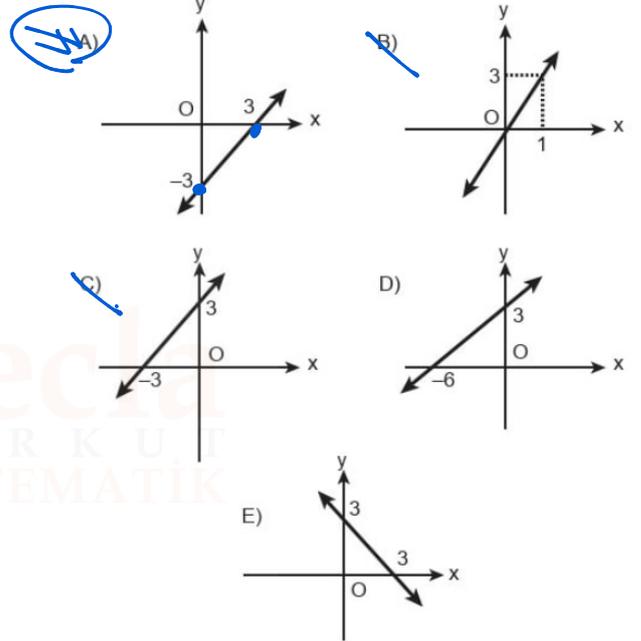


Şekil 3

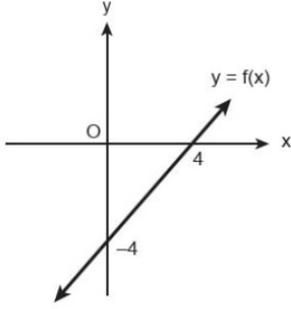
41. Dik koordinat düzleminde  $y = f(x-3)$  'ün grafiği verilmiştir.



Buna göre,  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisidir?



42. Dik koordinat düzleminde  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonu verilmiştir.



Buna göre,  $y = f(x - 8)$  fonksiyonu ile  $y = f(x + 5)$  fonksiyonlarının  $x$  eksenini kestiği noktaların apsisi toplamı kaçtır?

- A) 5 B) 7 C) 9 **D) 11** E) 12

$$m = \frac{y}{x} = \frac{1}{4} = 1 \quad \left. \begin{array}{l} f(x) = 1x - 4 \\ x=0 \quad y=-4 \end{array} \right\} f(x) = x - 4$$

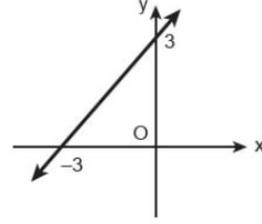
$$f(x-8) \rightarrow f(x-8) = (x-8) - 4 \\ = x - 12 = 0 \quad \underline{x=12}$$

$$f(x+5) \rightarrow f(x+5) = x+5-4 \\ = x+1 = 0 \quad \underline{x=-1}$$

$x$  eksenleri kestiği nokta

$$12 + (-1) = 11$$

43. Dik koordinat düzleminde gerçekte sayılarda tanımlı  $f$  doğrusal fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,  $y = f(x + 1)$  ve  $y = f(x - 4)$  fonksiyonlarının sıfırları toplamı kaçtır?

- A) -4 **B) -3** C) -2 D) -1 E) 0

$$y = f(x) = ax + b$$

$$a = \frac{y}{x} = 1 \quad x=0 \quad y=3$$

$$f(x) = x + 3$$

$$f(x+1) = (x+1) + 3 = x+4 = 0 \quad \underline{x=-4}$$

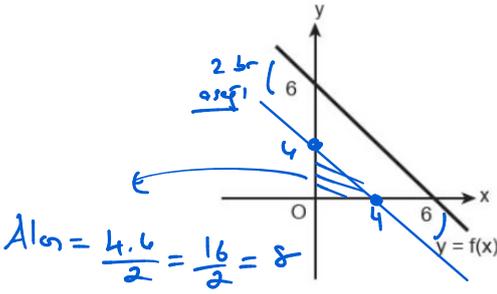
$$f(x-4) = (x-4) + 3 = x-1 = 0 \quad \underline{x=1}$$

$$0 \text{ halde } \Rightarrow x = -4$$

$$x = 1$$

$$\underline{\underline{-3}}$$

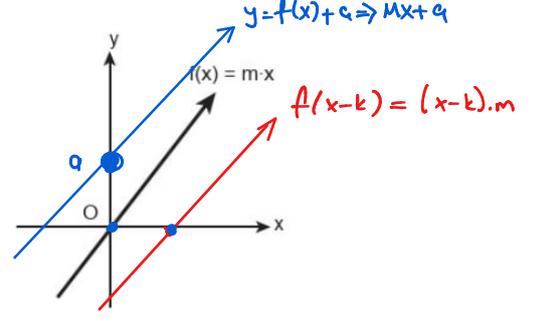
44. Dik koordinat düzleminde  $f$  doğrusal fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,  $y = f(x) - 2$  doğrusal fonksiyonunun eksenler ile oluşturduğu kapalı bölgenin alanı kaç birim karedir?

- A) 4 B) 8 C) 12 D) 16 E) 32

45. Dik koordinat düzleminde  $f$  doğrusal fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



$y = f(x - k)$  ile  $y = f(x) + a$  grafikleri dik koordinat düzleminde çakıştığına göre,  $m + \frac{a}{k}$  ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 3 B) 2 C) 1 D) 0 E) -2

$x - k = 0 \quad x = k \quad k$  bir sağa öteleme

$$Mx + a = (x - k) \cdot m$$

$$\cancel{Mx} + a = \cancel{x}m - k \cdot m$$

$$a = -k \cdot m \text{ olur.}$$

$$m + \frac{a}{k} \Rightarrow m + \frac{(-k \cdot m)}{k}$$

$$\underline{\underline{m - m = 0}}$$